

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

Pentru itemul 1, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect.

1. Algoritmul de generare a tuturor numerelor naturale formate din exact **trei** cifre, toate cifre impare, poate fi similar cu algoritmul de generare a: **(4p.)**
- a. aranjamentelor
 - b. combinațiilor
 - c. elementelor unui produs cartezian
 - d. permutărilor

Scrieți pe foaia de examen răspunsul pentru fiecare dintre cerințele următoare.

2. Se consideră subprogramul `p`, definit alături. Scrieți ce valori au `p(-4)`, respectiv `p(4)`. **(6p.)**
- ```
int p(int n)
{ if(n>0 && n%2==0) return 1+p(n/2);
 else return 1;
}
```

3. Subprogramul `ordonare` are doi parametri:
- `n`, prin care primește un număr natural ( $3 \leq n \leq 20$ );
  - `a`, prin care primește un tablou unidimensional care memorează un șir de `n` numere naturale, fiecare cu cel mult 4 cifre. Cel puțin doi termeni ai șirului sunt numere pare și cel puțin unul este număr impar.

Subprogramul modifică tabloul astfel încât termenii impari ai șirului să nu își schimbe pozițiile, iar cei pari să formeze un subșir crescător, ca în exemplu.

Scrieți în limbajul C/C++ definiția completă a subprogramului.

**Exemplu:** dacă `n=7` și `a=(1, 4, 5, 3, 82, 6, 2)` atunci, după apel, `a=(1, 2, 5, 3, 4, 6, 82)`.

**(10p.)**

4. Pentru un număr natural nenul, `n`, se consideră suma

$$s(n) = \sum_{k=1}^n \left[ \frac{n-k+1}{k!} \right] = \left[ \frac{n}{1!} \right] + \left[ \frac{n-1}{2!} \right] + \left[ \frac{n-2}{3!} \right] + \dots + \left[ \frac{1}{n!} \right]$$

în care s-a notat cu `[x]` **partea întreagă** a numărului real `x` și  $k! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (k-1) \cdot k$ .

- a) Scrieți un program C/C++ care citește de la tastatură un număr natural nenul `n` ( $n < 1000$ ) și determină, utilizând un algoritm eficient din punct de vedere al timpului de executare și al memoriei utilizate, valoarea sumei `s(n)` corespunzătoare numărului citit, apoi scrie valoarea obținută în fișierul `BAC.TXT`. **(6p.)**

**Exemplu:** pentru `n=4` în fișier se scrie valoarea 5, calculată ca mai jos:

$$s(4) = \left[ \frac{4}{1!} \right] + \left[ \frac{3}{2!} \right] + \left[ \frac{2}{3!} \right] + \left[ \frac{1}{4!} \right] = 4 + 1 + 0 + 0 = 5$$

- b) Descrieți succint, în limbaj natural (3-4 rânduri), algoritmul utilizat la punctul a) și justificați eficiența acestuia. **(4p.)**